

CSP 初赛常考代码阅读题总结

一、循环结构类题目

1. 嵌套循环下的复杂累加/累乘

特征: 代码中存在多层嵌套循环, 循环变量的变化相互关联, 同时结合累加器或累乘器。循环控制条件可能涉及复杂的数学表达式或数组元素的状态判断。

常见考点:

- 精确计算嵌套循环的执行次数, 考虑循环变量的初值、终值以及步长变化, 尤其是步长非 1 的情况。
- 分析多层循环中累加/累乘的逻辑, 判断在不同循环层次下累加/累乘的对象和时机, 可能会出现内层循环影响外层循环累加结果的情况。
- 对于循环嵌套中涉及数组访问的, 要准确把握数组元素的索引变化, 避免出现越界错误或对错误元素进行操作。

示例:

```
int n = 5;
int sum = 0;
for (int i = 1; i <= n; i++) {
    for (int j = 1; j <= i; j++) {
        sum += i * j;
    }
}
cout << sum;
// 分析: 外层循环控制 i 从 1 到 5, 内层循环控制 j 从 1 到 i, 每次内层循环结束后更新 sum。
// 计算过程为 sum = (1*1) + (2*1 + 2*2) + (3*1 + 3*2 + 3*3) + (4*1 + 4*2 + 4*3 + 4*4) + (5*1 + 5*2 + 5*3 + 5*4 + 5*5)
```

2. 循环中的条件中断与跳跃

特征: 循环内部包含复杂的条件判断语句, 用于提前终止循环或跳过某些循环步骤。这些条件可能涉及多个变量的比较、逻辑运算以及函数调用的返回结果。

常见考点:

- 准确判断在何种条件下循环会提前终止或跳过某些步骤, 分析条件判断的逻辑顺序和短路特性。
- 考虑条件判断中变量的变化对循环终止和跳跃的影响, 特别是在循环体内部对条件

判断变量进行修改的情况。

- 分析循环中断或跳跃后对后续代码执行和最终结果的影响，可能会导致累加/累乘结果的不完整性。

示例：

```
int n = 10;
int sum = 0;
for (int i = 1; i <= n; i++) {
    if (i%3 == 0 && i%5 == 0) {
        break;
    } else if (i%2 == 0) {
        continue;
    }
    sum += i;
}
cout << sum;
// 分析：当 i 同时为 3 和 5 的倍数时，循环终止；当 i 为偶数时，跳过本次循环。
// 实际累加的数为 1、5、7，sum = 1 + 5 + 7
```

二、分支结构类题目

1. 复杂条件表达式下的多分支逻辑

特征：代码中使用 if - else if - else 或 switch - case 结构，条件表达式包含多个逻辑运算符（如 &&、||、!）的组合，可能还涉及函数调用和数组元素的比较。

常见考点：

- 准确分析复杂条件表达式的逻辑，根据运算符的优先级和结合性确定条件判断的顺序。
- 考虑不同分支下代码的执行路径和变量的更新情况，特别是在分支内部有嵌套循环或函数调用时。
- 分析逻辑运算符的短路特性对程序执行效率和结果的影响，判断哪些条件在某些情况下不会被完全计算。

示例：

```
int a = 3, b = 4, c = 5;
if (a > b && c > b) || (a < c && !(b == c)) {
    cout << "Condition 1";
} else if (a + b > c && a * b < c * c) {
    cout << "Condition 2";
} else {
    cout << "Condition 3";
}
```

// 分析：先计算第一个 if 条件，(a > b && c > b) 为假，但 a < c && !(b == c) 为真，所以整个条件为真，输出 "Condition 1"

2. 三目运算符的嵌套与复杂应用

特征：代码中使用多个嵌套的三目运算符，表达式中包含复杂的算术运算、逻辑运算和函数调用，用于实现复杂的分支逻辑。

常见考点：

- 准确判断嵌套三目运算符的执行顺序，根据条件的真假确定最终返回的表达式。
- 分析三目运算符中表达式的计算结果和类型，确保类型兼容性，避免出现隐式类型转换导致的错误。
- 考虑三目运算符与其他运算符（如算术运算符、逻辑运算符）的优先级关系，正确计算表达式的值。

示例：

```
int x = 5, y = 6, z = 7;
int result = (x > y)? ((x > z)? x : z) : ((y > z)? y : z);
cout << result;
// 分析：先判断 x > y 为假，进入第二个三目运算符，再判断 y > z 为假，最终返回 z 的值
```

三、递归与递推类题目

1. 递归函数的复杂边界条件与深度优化

特征：递归函数的基线条件（终止条件）包含复杂的逻辑判断，可能涉及多个变量的比较和数组元素的状态检查。递归调用过程中可能会对参数进行复杂的修改，并且可能存在递归深度过大的问题。

常见考点：

- 准确分析递归函数的基线条件，确定在何种情况下递归调用会终止，避免出现无限递归的情况。
- 计算递归调用的深度和次数，考虑递归栈的空间开销，特别是在递归深度较大时可能会导致栈溢出。
- 对递归函数进行优化，如使用记忆化搜索（通过数组或哈希表记录已经计算过的结果）来避免重复计算，提高程序效率。

示例：

```
int memo[100];
int fib(int n) {
    if n <= 1 {
        return n;
    }
}
```

```
}
if memo[n] != 0 {
return memo[n];
}
memo[n] = fib(n - 1) + fib(n - 2);
return memo[n];
}
// 分析：使用 memo 数组记录已经计算过的斐波那契数，避免重复计算，减少递归深度
```

2. 递推关系的动态规划应用

特征：通过递推公式计算序列的每一项，递推公式可能涉及多个状态的转移和复杂的数学运算。可能需要使用二维或多维数组来存储中间结果，以解决更复杂的问题。

常见考点：

- 准确推导递推公式，考虑状态转移的各种情况，特别是在有多种决策或约束条件的情况下。
- 确定递推的边界条件和初始状态，确保递推过程的正确性。
- 分析递推过程中数组元素的更新顺序和依赖关系，避免出现数据覆盖或未初始化的问题。

示例：

```
int dp[10][10];
int n = 5;
for (int i = 0; i <= n; i++) {
dp[i][0] = 1;
dp[0][i] = 1;
}
for (int i = 1; i <= n; i++) {
for (int j = 1; j <= n; j++) {
dp[i][j] = dp[i - 1][j] + dp[i][j - 1];
}
}
cout << dp[n][n];
// 分析：这是一个经典的动态规划问题，计算从 (0, 0) 到 (n, n) 的路径数，状态转移方程为 dp[i][j] = dp[i - 1][j] + dp[i][j - 1]
```

四、数组与字符串操作

1. 数组的区间操作与滑动窗口

特征：代码中对数组的特定区间进行操作，如区间求和、区间最大值/最小值等。可能使用

滑动窗口算法，通过两个指针动态调整区间范围。

常见考点：

- 准确计算区间操作的结果，特别是在区间长度可变的情况下，要考虑指针的移动和边界条件。
- 分析滑动窗口算法的时间复杂度和空间复杂度，判断其在不同数据规模下的性能。
- 处理滑动窗口中元素的添加和删除操作对结果的影响，确保结果的正确性。

示例：

```
int a[] = {1, 3, 2, 5, 4};
int n = sizeof(a) / sizeof(a[0]);
int k = 3;
int maxSum = 0;
int currentSum = 0;
for (int i = 0; i < k; i++) {
    currentSum += a[i];
}
maxSum = currentSum;
for (int i = k; i < n; i++) {
    currentSum = currentSum - a[i - k] + a[i];
    maxSum = max(maxSum, currentSum);
}
cout << maxSum;
// 分析：使用滑动窗口计算长度为 k 的连续子数组的最大和，每次窗口移动时更新当前和
```

2. 字符串的模式匹配与正则表达式模拟

特征：代码中对字符串进行模式匹配操作，可能使用简单的正则表达式规则（如通配符匹配）或自定义的匹配算法。

常见考点：

- 准确实现模式匹配算法，考虑不同字符和通配符的匹配规则，如 '*' 表示任意字符序列，'?' 表示单个字符。
- 分析模式匹配算法的时间复杂度，特别是在处理长字符串和复杂模式时。
- 处理匹配过程中的边界情况，如字符串长度不一致、模式不完整等。

示例：

```
bool isMatch(string s, string p) {
    int m = s.length(), n = p.length();
    vector<vector<bool>> dp(m + 1, vector<bool>(n + 1, false));
    dp[0][0] = true;
    for (int j = 1; j <= n; j++) {
        if (p[j - 1] == '*') {
            dp[0][j] = dp[0][j - 1];
        }
    }
}
```

```

}
}
for inti = 1; i <= m; i ++ {
for intj = 1; j <= n; j ++ {
if p[j - 1] == '*' {
dp[i][j] = dp[i - 1][j] || dp[i][j - 1];
} else if p[j - 1] == '?' || s[i - 1] == p[j - 1] {
dp[i][j] = dp[i - 1][j - 1];
}
}
}
return dp[m][n];
}
// 分析：使用动态规划实现字符串的通配符匹配，dp[i][j] 表示 s 的前 i 个字符和 p 的前
j 个字符是否匹配

```

3. 数组的前缀和与差分的高级应用

特征：在复杂场景下使用前缀和与差分技术，如二维数组的前缀和、多次区间修改和查询操作。

常见考点：

- 准确计算二维数组的前缀和数组，理解前缀和数组的构建原理和应用场景。
- 利用差分思想处理多次区间修改操作，通过一次修改差分数组，最后还原出原始数组的最终状态。
- 分析前缀和与差分操作的时间复杂度和空间复杂度，评估其在不同问题规模下的性能。

示例：

```

int a[10][10], diff[10][10];
int n = 5, m = 5;
// 初始化差分数组
for inti = 1; i <= n; i ++ {
for intj = 1; j <= m; j ++ {
diff[i][j] = a[i][j] - a[i - 1][j] - a[i][j - 1] + a[i - 1][j - 1];
}
}
// 区间修改
int x1 = 1, y1 = 1, x2 = 3, y2 = 3, val = 5;
diff[x1][y1] += val;
diff[x1][y2 + 1] -= val;
diff[x2 + 1][y1] -= val;
diff[x2 + 1][y2 + 1] += val;
// 还原原始数组

```

```
for (inti = 1; i <= n; i++) {
for (intj = 1; j <= m; j++) {
a[i][j] = a[i - 1][j] + a[i][j - 1] - a[i - 1][j - 1] + diff[i][j];
}
}
```

// 分析：先构建二维差分数组，然后进行区间修改，最后还原出修改后的原始数组

五、排序与查找算法

1. 排序算法的优化与复杂度分析

特征：代码中使用排序算法（如快速排序、归并排序），并对算法进行优化，如随机化快速排序、三路快速排序。

常见考点：

- 深入理解排序算法的原理和实现细节，分析不同优化策略的作用和适用场景。
- 准确计算排序算法的时间复杂度和空间复杂度，考虑在不同数据分布下的性能变化。
- 分析排序算法的稳定性，判断在排序过程中相同元素的相对顺序是否保持不变。

示例：

```
void quickSort(int arr[], int left, int right) {
if (left < right) {
int pivot = arr[(left + right) / 2];
int i = left, j = right;
while (i <= j) {
while (arr[i] < pivot) i++;
while (arr[j] > pivot) j--;
if (i <= j) {
swap(arr[i], arr[j]);
i++;
j--;
}
}
quickSort(arr, left, j);
quickSort(arr, i, right);
}
}
```

// 分析：这是一个基本的快速排序实现，通过选择中间元素作为基准，将数组分为两部分进行递归排序

2. 二分查找的变形与多维应用

特征: 代码中使用二分查找算法解决变形问题, 如查找第一个大于等于目标值的元素、二维有序数组中的查找。

常见考点:

- 准确修改二分查找的判断条件和边界处理, 以适应不同的查找需求。
- 理解二维有序数组的二分查找原理, 确定查找范围的缩小方式和中间元素的选择。
- 分析二分查找变形算法的时间复杂度和空间复杂度, 评估其在不同问题规模下的性能。

示例:

```
int binarySearch(int arr[], int n, int target) {
    int left = 0, right = n - 1;
    while (left < right) {
        int mid = left + (right - left) / 2;
        if (arr[mid] < target) {
            left = mid + 1;
        } else {
            right = mid;
        }
    }
    return arr[left] >= target? left : -1;
}
```

// 分析: 查找第一个大于等于目标值的元素, 通过修改二分查找的判断条件实现

六、位运算类题目

1. 位运算在状态压缩与组合问题中的应用

特征: 代码中使用位运算 (如 &、|、^、~、<<、>>) 来表示和处理状态, 解决组合问题, 如子集生成、背包问题的状态压缩。

常见考点:

- 准确使用位运算表示不同的状态, 理解状态之间的转换和关系。
- 利用位运算枚举所有可能的组合情况, 通过位掩码的方式进行状态的选择和排除。
- 分析位运算在状态压缩中的时间复杂度和空间复杂度, 评估其在不同问题规模下的性能。

示例:

```
int n = 3;
for (int mask = 0; mask < (1 << n); mask++) {
```

```
for (int i = 0; i < n; i++) {
    if (mask & (1 << i)) {
        cout << i << " ";
    }
}
cout << endl;
}
```

// 分析：使用位掩码枚举 n 个元素的所有子集，通过 & 运算判断元素是否在子集中

2. 复杂位运算表达式的分析与优化

特征：代码中使用多个位运算的组合，形成复杂的表达式，可能涉及循环和条件判断。

常见考点：

- 准确分析复杂位运算表达式的逻辑，根据位运算的优先级和结合性确定计算顺序。
- 对复杂位运算表达式进行优化，如利用位运算的性质简化表达式，减少不必要的计算。
- 分析位运算表达式的时间复杂度和空间复杂度，评估其在不同数据规模下的性能。

示例：

```
int x = 5;
int result = (x << 2) ^ (x >> 1) & 3;
cout << result;
```

专题：CSP 初赛动态规划阅读题深度解析与解题策略

一、动态规划阅读题核心特征分析

1. 代码结构识别

动态规划类阅读题的代码通常包含以下特征：

- **状态定义：**数组命名多为 dp、f、dp_table 等，维度对应问题的关键参数（如 dp[i][j] 可能表示前 i 个元素中选择 j 个的最优解）。
- **初始化操作：**对边界条件的赋值（如 dp[0][0] = 0、dp[i][0] = INF），需特别注意初始化值对后续计算的影响。
- **转移方程实现：**嵌套循环结构（外层遍历问题规模，内层遍历决策变量），核心语句常包含 max/min 函数或累加操作（如 dp[i][j] = max(dp[i-1][j], dp[i-1][j-k] + w)）。
- **结果提取：**通常为 dp[n][m] 或数组中的特定元素，需确认是否存在后处理（如取模、取最值范围）。

2. 常见问题类型映射

- **线性 DP**: 代码中出现单重或双重循环, 状态转移仅依赖前一阶段 (如 $dp[i] = dp[i-1] + \dots$), 对应最长递增子序列、最大子段和等问题。
- **背包问题**: 内层循环存在对重量/体积的限制 (如 `for j from m downto w[i]`), 0-1 背包特征为逆向循环, 完全背包为正向循环。
- **区间 DP**: 状态定义包含左右端点 (如 $dp[i][j]$), 循环顺序为长度递增 (`for len from 2 to n`), 对应石子合并、矩阵链乘问题。
- **计数 DP**: 转移方程含累加操作且结果需取模 (如 $dp[i][j] = (dp[i-1][j] + dp[i][j-1]) \% MOD$), 常见于路径计数、方案数统计。

二、解题关键步骤与实例分析

步骤 1: 定位状态定义

- 示例代码片段: `int n, m;`

```
cin >> n >> m;
```

```
vector<int> a(n+1);
```

```
for (int i = 1; i <= n; i++) cin >> a[i];
```

```
vector<vector<int>> dp(n+1, vector<int>(m + 1, -1e9));
```

```
dp[0][0] = 0;
```

```
for (int i = 1; i <= n; i++) {
```

```
    for (int j = 0; j <= m; j++) {
```

```
        dp[i][j] = dp[i-1][j];
```

```
        if (j >= a[i] {
```

```
            dp[i][j] = max(dp[i][j], dp[i-1][j - a[i]] + a[i];
```

```
        }
```

```
    }
```

```
}
```

```
cout << dp[n][m] << endl;
```

- 分析:

$dp[i][j]$ 表示前 i 个物品中，选择总重量不超过 j 的最大价值（此处价值=重量，为 0-1 背包模板）。初始化 $dp[0][0] = 0$ ，其余为负无穷确保非法状态不被选用。

步骤 2: 推导转移方程

- **核心逻辑:**

外层循环遍历物品 (i 从 1 到 n)，内层循环遍历重量 (j 从 0 到 m)。

- 不选第 i 个物品: $dp[i][j] = dp[i-1][j]$
- 选第 i 个物品(需满足 $j \geq a[i]$): $dp[i][j] = \max dp[i][j], dp[i-1][j-a[i]] + a[i]$
- **结论:** 该代码求解 **0-1 背包问题**，目标为选出总重量不超过 m 的最大价值（即最大重量）。

步骤 3: 边界条件与输出验证

- 若 m 为 0，输出 0；若所有物品重量均大于 m ，输出 $-1e9$ （但实际题目中可能调整为 0 或 -1，需注意代码细节）。
- 若输入 $n=3, m=5, a=[2,3,4]$ ，则 $dp[3][5] = \max dp[2][5], dp[2][5-4] + 4 = \max 5, 3 + 4 = 7$ （错误，正确应为 5，因 $4+3=7$ 超重？此处需重新计算：
 - $i=1$ 时, $j=2$: $dp[1][2] = 2$
 - $i=2$ 时, $j=5$: $\max dp[1][5] = 2, dp[1][2] + 3 = 5 \rightarrow dp[2][5] = 5$
 - $i=3$ 时, $j=5$: $j \geq 4 \rightarrow dp[2][1]$ 为 $-1e9$ ，故 $dp[3][5] = 5$ 。 ** 原分析错误源于忽略 $j - a[i]$ 的合法性，验证时需逐步模拟 **。

三、常见陷阱与避坑指南

1. 循环顺序陷阱

- 0-1 背包中内层循环若误写为正向 (for j from $w[i]$ to m)，会导致物品重复选取 (变为完全背包)。
- **识别方法:** 观察内层循环方向，逆向为 0-1 背包，正向为完全背包。

2. 状态初始化错误

- 计数 DP 中初始化为 $dp[0][0] = 1$ ，而非 0；求最小值时初始化为 INF ，而非 $-INF$ 。
- **示例:** 路径计数问题中 $dp[0][0] = 1$ ，表示起点有 1 种方案。

3. 多维状态压缩

- 空间优化后的代码可能隐藏维度 (如 $dp[j]$ 代替 $dp[i][j]$)，需通过循环依赖关系还原原始状态 (如 $dp[j] = \max dp[j], dp[j-w[i]] + v[i]$ 仍为 0-1 背包)。

4. 隐含条件未考虑

- 代码中可能存在 if $i == 0 || j == 0$ $dp[i][j] = 0$ ，实际对应“空区间/空序列”的边界情况，需结合问题场景理解。

四、实战技巧总结

1. **模拟法**: 对小规模输入手动模拟 DP 数组的填充过程, 验证状态转移逻辑。
2. **符号推理**: 通过变量名 (如 w 表示重量, v 表示价值, len 表示长度) 推断问题类型。
3. **反推法**: 若代码输出为 $dp[n][m]$, 尝试构造 $n=1, m=1$ 的简单输入, 观察输出反推状态含义。
4. **模板匹配**: 将代码结构与经典 DP 模板对比 (如区间 DP 的三层循环、背包问题的循环顺序), 快速定位问题模型。

五、经典真题类型归纳

问题类型	代码特征	核心转移方程示例
0-1 背包	内层逆向循环 for j from m downto w[i]	$dp[j] = \max(dp[j], dp[j - w[i]] + v[i])$
最长公共子序列	状态 $dp[i][j]$, i/j 分属两个字符串	$dp[i][j] = dp[i-1][j-1] + 1$ $a[i] == b[j]$
编辑距离	状态含插入/删除/替换操作, 初始 $dp[i][0] = i$	$dp[i][j] = \min(dp[i-1][j], dp[i][j-1], dp[i-1][j-1] + 1)$
整数拆分	完全背包变形, $dp[i] += dp[i-j]$	for i from 1 to n for j from i to n

通过以上步骤, 可系统拆解 DP 阅读题的代码逻辑, 精准定位问题类型与求解目标, 避免陷入细节陷阱。核心在于**状态定义**→**转移方程**→**边界条件**的三层分析框架, 结合手动模拟与模板匹配, 高效破解复杂代码。

后言

CSP 的最难部分, 一般就是程序阅读题了, 很多时候不能靠暴力手算, 要通过找规律、特殊值等方法辅助。小心 CCF 的坑, 一般能拿到 27~35 分的高分 (2024CSP 除外)

本文的前 3 类较基础, 可以大致看一看, CSP 一般不考, 而后面的, 尤其是 DP、位运算较多考, 建议好好复习

(-s 常考的图、树已经在之前的资料中讲过, 不再复述)

建议完成:

J 组: 2023 年 T2-2、2021 年 T2-3、2019 年 T2-1

S 组: 2024 年 T2-2、2023 年 T2-2、2021 年 T2-3

挑战 10%:

J 组: 2022 年 T2-1、T2-2, 2020 年 T2-3

S 组: 2022 年 T2-2、2021 年 T2-2、2024 年 T2-3